

## التعرين (20ن)

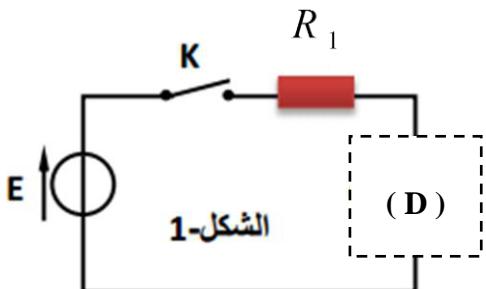


يعتمد اشتغال الأجهزة الكهربائية أساساً على عدة عناصر كهربائية من بينها: النوافل الأولمية ، المكثفات ، الوشائع .....

الهدف من هذا التمرين هو دراسة سلوك هذه العناصر الكهربائية في دارة .

## 1- الدراسة النظرية :

تحقق الدارة الكهربائية الموضحة في الشكل (01) والمكونة من :



- مولد مثالي للتوتر قوته المحركة الكهربائية  $E = 6V$  .

- ناقل أومي مقاومته  $R_1 = 100\Omega$  .

- قطاععة  $K$  .

ثنائي قطب (Dipôle) نرمز له بالرمز (D) يوافق إحدى الحالات الآتية :

- الحالة (01) : عبارة عن ناقل أومي مقاومته  $R_2 = 400\Omega$  .

- الحالة (02) : عبارة عن مكثفة سعتها  $C$  .

- الحالة (03) : عبارة عن وشيعة مقاومتها الداخلية  $r$  وذاتها  $L$  .

نستعمل راسم اهتزاز ذي ذاكرة لمتابعة تطور التوتر الكهربائي بين طرفي ثنائي القطب (D) بدلالة الزمن ( $u_D = f(t)$ )

(1) أعد رسم الدارة على ورقة إجابتك ثم :

-وضح كيفية توصيل راسم الاهتزاز لمشاهدة تطور التوتر بين طرفي ثنائي القطب (D) .

- بين جهة التيار الكهربائي المار في الدارة ، ثم مثل بسهم التوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر .

(2) تعتبر أن ثنائي القطب (D) يوافق الحالة (01).

• بالاعتماد على قانون أوم، أكتب عبارة شدة التيار  $I$  الذي يسري في الدارة ، ثم أحسبه .

(3) تعتبر أن ثنائي القطب (D) يوافق الحالة (02).

أ- بتطبيق قانون جمع التوترات ، أكتب المعادلة التقاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي  $u_C$  .

ب- حل المعادلة التقاضلية من الشكل :  $u_C = A \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$  ، حيث  $A$  و  $\tau_1$  ثابتين يطلب تحديد عبارة كل منها بدلالة ثوابت عناصر الدارة . ماذا يمثل كل منها ؟ حدد وحدة  $\tau_1$  باستعمال التحليل البعدي .

ج- استنتج العبارة اللحظية لشدة التيار  $(i)$  ، ثم أرسم كيفيا البيان  $(f(t) = i)$  .

(4) تعتبر أن ثنائي القطب (D) يوافق الحالة (03).

أ- بالاعتماد على قانون جمع التوترات، أكتب المعادلة التقاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي  $i$  .

**بـ - المعادلة التفاضلية تقبل أحد الحلول الآتية :**

$$i = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$$

$$i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau_2}}$$

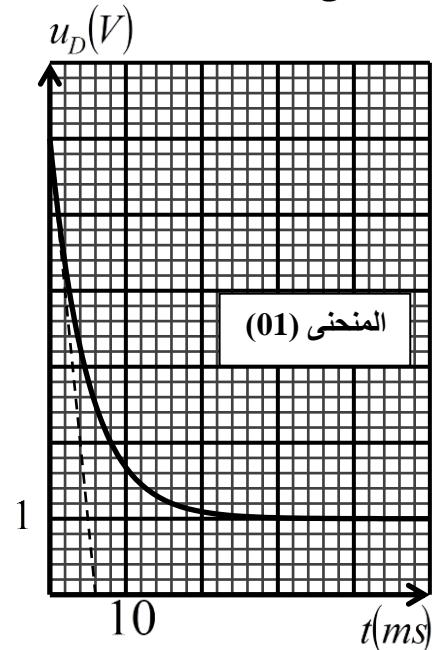
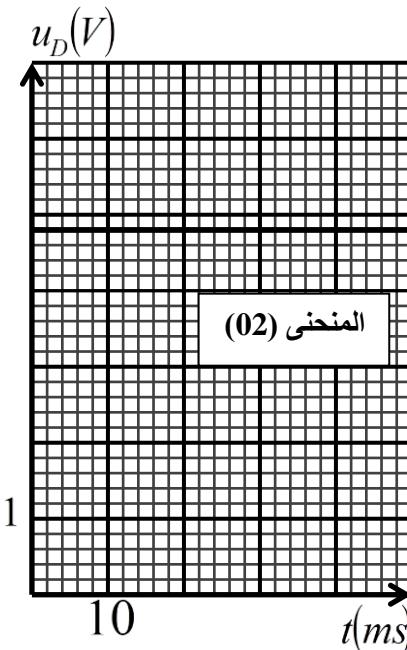
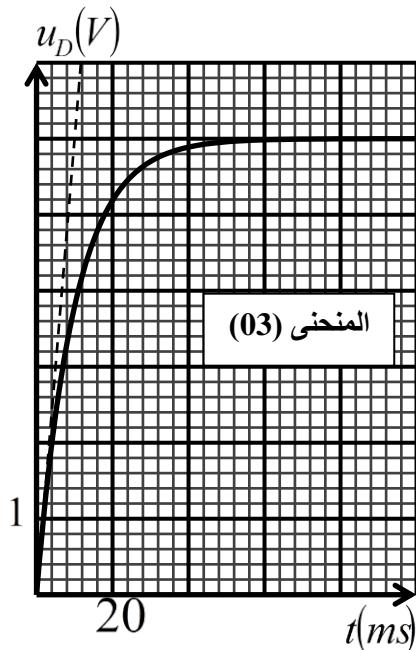
$$i = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$$

- اختر الحل المناسب مع التعليل و تحديد عبارة كل من  $\tau_2$  و  $I_0$  شدة التيار في النظام الدائم .
- أرسم كيفياً البيان  $i = g(t)$  المعبر عن تغيرات شدة التيار بدلالة الزمن .

**جـ -** بين أنه يمكن كتابة عبارة التوتر اللحظية بين طرفي الوشيعة بالشكل :  $u_b(t) = \alpha \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \beta$  حيث  $\alpha$  و  $\beta$  ثابتين يطلب تحديد عبارتيهما .

### || الدراسة البيانية :

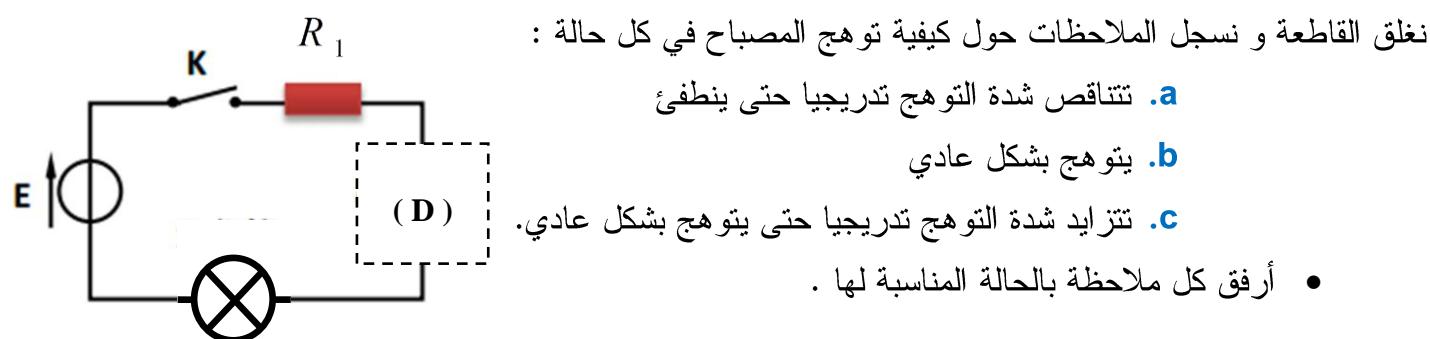
عند غلق القاطعة و توصيل راسم الاهتزاز المهبطي بين طرفي ثنائي القطب (D) الموافق لأحدى الحالات السابقة نحصل على البيانات الآتية :



(1) اعتماداً على الدراسة النظرية ، أنساب كل منحنى للحالة الموافقة له من بين الحالات السابقة .

(2) باستغلال المنحنيات ، أوجد المقادير الآتية : سعة المكثفة  $C$  ، المقاومة الداخلية للوشيعة  $r$  ، الذاتية  $L$  .

(3) حقق نفس الدارة السابقة من جديد ، ونربط على التسلسل مصباح كهربائي مع ثنائي القطب (D) .



للحصول على الحل النموذجي بالتنقيط ماعليك سوى تحميل التطبيق

Google Play من Scanner Code-barres & QR

وتشغيل العاصم الضوئي على الترميز الموجود على اليسار ثم تبع الرابط .



Google Play

## العلامة

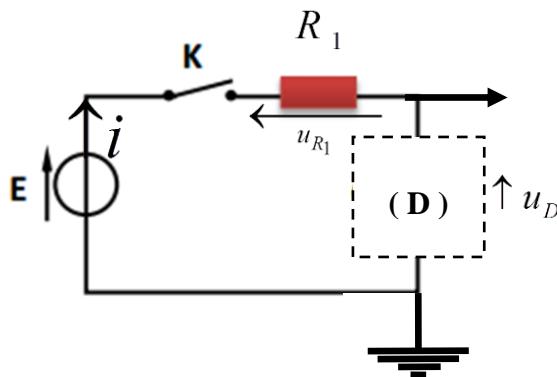
## عناصر الإجابة

## مجموع

## مجزأة

**التمرين الأول:****١١١- الدراسة النظرية :**

1) رسم الدارة وتوجيهها :



2) ثاني القطب (D) يوافق الحالة (01) :

- عبارة شدة التيار  $I$  الذي يسري في الدارة :

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2} \quad \text{معناه: } E = (R_1 + R_2)I \quad \text{ومنه: } E = u_{R_1} + u_{R_2}$$

$$I = 12mA \quad I = \frac{6}{100+400} \quad \text{ومنه:}$$

3) ثاني القطب (D) يوافق الحالة (02) :

- A- المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر الكهربائي  $u_C$  :

$$u_{R_1} + u_C = E$$

حسب قانون جمع التوترات :

$$R_1 \cdot I + u_C = E$$

$$R_1 \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{R_1 \cdot C} \cdot u_C = \frac{E}{R_1 \cdot C} \quad \text{ومنه:}$$

- B- تحديد عباره الثابتين  $A$  و  $\tau_1$  :

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{A}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} \quad \text{ونوعه في المعادلة التفاضلية فنجد:}$$

$$A \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} \left( \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{R_1 \cdot C} \right) + \frac{A}{R_1 \cdot C} = \frac{E}{R_1 \cdot C} \quad \text{ومنه: } \frac{A}{\tau_1} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{A}{R_1 \cdot C} - \frac{A}{R_1 \cdot C} e^{-\frac{t}{\tau_1}} = \frac{E}{R_1 \cdot C}$$

$$\text{أي أن: } A = E \quad \text{ومنه نجد أن: } \frac{A}{\tau_1} = R_1 \cdot C \quad \tau_1 = R_1 \cdot C$$

وعليه يصبح حل المعادلة التفاضلية :  $u_C = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$

- وحدة  $\tau$  : باستعمال التحليل البعدي لدينا :

$$\tau_1 = R_1 \times C$$

$$[\tau] = [R] \times [C] = \frac{[U]}{[I]} \times \frac{[Q]}{[U]} = \frac{[I] \times [T]}{[I]} = [T]$$

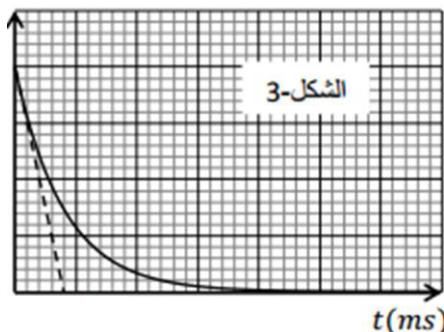
ومنه  $\tau_1$  متجانس مع الزمن .

ج- استنتاج العبارة اللحظية لشدة التيار  $i(t)$  :

$$i = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} \quad \text{بتعويض الحل والاشتقاق نجد :} \quad i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$I_0 = \frac{E}{R_1} \quad \text{حيث :}$$

- رسم البيان  $i = f(t)$  : البيان عبارة عن دالة أسيّة متناقصة كالآتي :



4) ثاني القطب (D) يوافق الحالة (03) :

- أ- المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار الكهربائي  $i$  :

$$u_{R_1} + u_b = E$$

$$(R_1 + r)i + L \frac{di}{dt} = E \quad \text{بتطبيق قانون جمع التوترات :}$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R_1 + r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L} \quad \text{ومنه :}$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى .

- ب- اختيار الحل المناسب مع التعليّل و تحديد عبارة كل من  $\tau_2$  و  $I_0$  :

الحل المناسب هو :  $i = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$  لأنّه يحقق المعادلة التفاضلية

$$\frac{di}{dt} = \frac{I_0}{\tau_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} \quad \text{حيث أن :}$$

$$\frac{I_0}{\tau_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{(R_1 + r)}{L} I_0 - \frac{(R_1 + r)}{L} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{E}{L} \quad \text{بالتتعويض :}$$

$$\left( \frac{1}{\tau_2} - \frac{(R_1 + r)}{L} \right) I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{(R_1 + r)}{L} I_0 = \frac{E}{L} \quad \text{ومنه :}$$

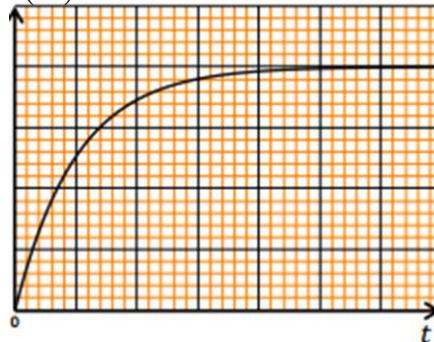
$$\tau_2 = \frac{L}{R_1 + r}$$

$$I_0 = \frac{E}{R_1 + r}$$

ومنه نجد أن :

• رسم البيان  $i(t) = g$  المعبر عن تغيرات شدة التيار بدلالة الزمن :

$i(A)$



البيان عبارة عن دالة أسيّة متزايدة كالتالي :

جـ - إثبات أنه يمكن كتابة عبارة التوتر اللحظية بين طرفي الوشيعة بالشكل :

$$u_b(t) = \alpha \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \beta$$

لدينا :  $i = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$  نشتق ونعرض فنجد :

$$\begin{aligned} \tau_2 &= \frac{L}{R_1 + r} & \text{حيث } u_b = L \cdot \frac{I_0}{\tau_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0 - rI_0 e^{-\frac{t}{\tau_2}} \\ I_0 &= \frac{E}{R_1 + r} \end{aligned}$$

بالتبسيط نجد :  $u_b = (E - rI_0)e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0$  ومنه :

وهي من الشكل :  $u_b(t) = \alpha \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \beta$  بالموافقة نجد أن :

- الدراسة البيانية :

(1) إرفاق كل منحنى بالحالة الموافقة له من بين الحالات السابقة :

الحالات	الحالة (01)	الحالة (02)	الحالة (03)	الحالة
المنحنى المناسب				
التحليل	التوتر بين طرفي المكثفة خلال الشحن متزايد	التوتر بين طرفي المكثفة عند غلق القاطعه متناقص	$u_b = R_1 \cdot I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0$	
	$u_C = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}\right)$			

(2) إيجاد المقادير: سعة المكثفة  $C$  ، المقاومة الداخلية للوشيعة  $r$  ، الذاتية  $L$  :

من المنحنى (03) نجد ثابت الزمن :  $\tau_1 = R_1 \cdot C$  ولدينا :

$$C = 10^{-4} F \quad \text{ومنه} \quad C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{10^{-2}}{100}$$

من المنحنى (01) نجد أن :  $r.I_0 = 1V$  ولدينا :

$$I_0 = 5.10^{-2} A \quad \text{وعليه} \quad I_0 = \frac{E - r.I_0}{R_1} = \frac{6 - 1}{100} \quad \text{ومنه}$$

$$r = 20\Omega \quad \text{ومنه} \quad r = \frac{1}{5.10^{-2}} \quad \text{إذن} :$$

من المنحنى (01) نجد ثابت الزمن :  $\tau_2 = 5ms$  ولدينا :

$$L = 0,6H \quad \text{ومنه} \quad L = \tau_2(R_1 + r) = 5.10^{-3}(100 + 20)$$

(3) إرفاق كل ملاحظة بالحالة المناسبة لها :

الحالات	الحالة (01)	الحالة (02)	الحالة (03)
الملاحظة المناسبة	يتوهج بشكل عادي	تتناقص شدة التوهج تدريجيا حتى يتوهج بشكل عادي	تتراءد شدة التوهج تدريجيا حتى يتوهج بشكل عادي
التعطيل	شدة التيار ثابتة $I = 12mA$	شدة التيار متناقصة حتى تتعدم $i = I_0 e^{-t/\tau_1}$	شدة التيار متناقصة حتى تثبت $i = I_0(1 - e^{-t/\tau_2})$